

## Épisode VII : Les boucles while et for en Python



### EXERCICE 1

On considère la fonction suivante :

```
def mystere(n):
    s = 0
    i = 0
    while i <= n :
        s = s + i**2
        i=i+1
    return s
```

1. Quelle est la valeur de `mystere(20)` ?
2. De façon générale, que calcule la fonction `mystere` ?



### EXERCICE 2

Dans la fonction `mystere2` suivante, `a` et `n` sont deux entiers positifs supérieurs ou égaux à 0.

```
def mystere2(a, n):
    i = 1
    x = a
    y = n
    while y > 0:
        if y % 2 == 1:
            i = i * x
        x = x * x
        y = y // 2
    return i
```

1. Simuler l'exécution de `mystere2(a, n)` lorsque `a` est égale à 2 et `n` est égale à 8 en donnant les valeurs successives des variables `i`, `x` et `y` dans le tableau suivant :

`mystere2(2, 8)`

<i>i</i>	
<i>x</i>	
<i>y</i>	

Quelle est la valeur retournée par la fonction dans ce cas ?

2. Que retourne la fonction lorsque `a` et `n` prennent les valeurs suivantes ?

<i>a</i>	2	3
<i>n</i>	6	4
valeur retournée		

3. Comment interpréter la valeur retournée par la fonction `mystere2` en général, pour deux valeurs `a` et `n` quelconques ?

### EXERCICE 3

Pour simuler le lancé d'un dé à 6 faces on peut utiliser l'appel `randrange(1, 7)`. Pour utiliser cette fonction il faudra que votre code commence par la phrase magique :

```
from random import *
```

Écrire le code des fonctions suivantes :

1. `obtenirUn6()` qui retourne le nombre de lancers effectués avant d'obtenir le nombre 6.
2. `obtenirUnDouble()` qui retourne le nombre de lancers effectués pour obtenir deux fois consécutivement le même nombre.

### EXERCICE 4

Pour tout entier  $n \geq 0$ , le nombre de Cullen d'indice  $n$  est le nombre  $n \times 2^n + 1$ .

1. Écrire une fonction `cullen(n)` prenant en paramètre un entier  $n$  et retournant le nombre de Cullen d'indice  $n$ . On rappelle que Python peut calculer une puissance  $a^k$  avec la notation `a**k`.
2. Écrire une fonction `indiceCullen(x)` prenant en paramètre un entier  $x$ , et retournant le plus grand entier  $n$  tel que  $x$  soit supérieur au nombre de Cullen d'indice  $n$ .

### EXERCICE 5

On considère la fonction suivante :

```
def mystere3(n):  
    s = 0  
    while n > 0 :  
        s = s + n % 10  
        n = n // 10  
    return s
```

1. Quelle est la valeur de `mystere3(2705)`. De façon générale, que calcule la fonction `mystere3`?
2. Écrire une fonction `nombreDeChiffres(n)` qui retourne le nombre de chiffres contenus dans le nombre entier  $n$ . Par exemple, la valeur de `nombreDeChiffres(2705)` est 4.
3. Écrire une fonction `plusGrandChiffre(n)` qui retourne le plus grand chiffre contenu dans le nombre entier  $n$ . Par exemple, la valeur de `plusGrandChiffre(2705)` est 7.

### EXERCICE 6

On considère la définition suivante :

```
def mystere4(n):  
    s = 0  
    for i in range(1, n+1):  
        s = s + i  
    return s
```

Que retournent les appels `mystere4(2)`, `mystere4(3)`, et `mystere4(n)` en général?  
Connaissez-vous une formule qui permet de calculer le même résultat?

### EXERCICE 7

Entrer les instructions suivantes et analyser les réponses de python :

```
for j in range(10):  
    print(j, j * j)
```

```
for k in range(3, 9, 2):  
    print(k)
```

```
for k in range(3, 8):  
    print(k, 2 * k + 1)
```

## EXERCICE 8

Écrire une fonction `sommeCarres (n)` qui calcule et retourne  $\sum_{i=1}^n i^2$ .

## EXERCICE 9

1. Écrire une fonction `nombreDiviseurs (n)` qui affiche le nombre de diviseurs d'un entier naturel  $n$ .
2. Écrire une fonction `estPremier (n)` qui renvoie `True` si le nombre est premier `False` sinon.  
Rappel : un nombre entier est premier s'il est strictement supérieur à 1 et si le nombre de ses diviseurs est égal à deux, 1 et lui-même.

## EXERCICE 10

Écrire une fonction `approxPi (nbEtapes)` qui calcule en `nbEtapes` une approximation de  $\pi$  à partir de la formule de Leibniz :

$$\pi = 4 \left( 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \dots \right)$$

## EXERCICE 11

Écrire une fonction `liste3chiffres ()` qui permet d'afficher par ordre croissant tous les nombres à 3 chiffres dont la somme des chiffres est multiple de 5.

## EXERCICE 12

1. La fonction `factorielle (n)` (notée mathématiquement «  $n!$  ») peut être définie de la manière suivante (on suppose que  $n \geq 1$ ) :

$$n! = 1 \times 2 \times \dots \times n$$

Écrire une fonction `factorielle (n)` qui utilise cette définition pour calculer et retourner  $n!$ . Tester votre fonction en affichant les factorielles des nombres de 0 à 100.

2. Écrire une fonction `coeff_binomial` qui prendre en argument deux entiers naturels  $n$  et  $k$  (avec  $k \leq n$ ) et qui renvoie la valeur du coefficient binomial correspondant "k parmi n" :

## EXERCICE 13

Écrire une fonction `triangle_pascal` qui prend en argument un entier `nb_lignes` et qui affiche le triangle de Pascal (voir définition ci-dessous) en s'arrêtant au bout du nombre de lignes indiqué par l'argument. Voici un exemple du triangle de Pascal avec 6 lignes :

```
1
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1
1 5 10 10 5 1
```

En numérotant les lignes et les colonnes à partir de zéro, le nombre sur la ligne numéro  $n$  et la colonne numéro  $k$  est le coefficient binomial  $\binom{n}{k}$ . Par exemple, pour la colonne numéro 0, on a toujours  $\binom{n}{0} = 1$  et pour la colonne 1 on a toujours  $\binom{n}{1} = n$ . De même, lorsque  $k = n$ , on a  $\binom{n}{n} = 1$  donc chaque ligne se termine par un 1.